

① (20点 各4点)

- (1) -23
- (2) 3
- (3) 35
- (4) 57.5°
- (5) $11\sqrt{3}$ cm

② (20点 各4点)

- (1) 74.5 点
- (2) $a=3, b=11$
- (3) 8
- (4) $\frac{65}{2}$
- (5) 約450 匹

③ (15点 各5点)

- (1) $\triangle BOD$ と $\triangle BOF$ において
 $\angle BDO = \angle BFO = 90^\circ$
 $OD = OF$ (内接円の半径)
 $BO = BO$ (共通)
 $\triangle BOD \cong \triangle BOF$
 よって、 $BF = BD = 8$
- (2) $AF = 12 - 8 = 4 = AF$ $CE = 14 - 4 = 10 = CD$... (1)と同様にして
 よって、 $BC = 8 + 10 = 18$
- (3) $S = 22r$

④ (15点 各5点)

- (1) $y = \frac{1}{2}x + 12$
- (2) $D(-2, 21)$
- (3) 求める直線は対角線 AC の中点 $(1, \frac{25}{2})$ と点 E を通る直線
 $y = ax + b$ とすると、 $a + b = \frac{25}{2}$...① $-10a + b = 0$...②
 ①②を解いて、 $a = \frac{25}{22}, b = \frac{125}{11}$ よって、 $y = \frac{25}{22}x + \frac{125}{11}$

⑤ (15点 各5点)

- (1) $a - 2b$
- (2) $(a, b) = (1, 2), (3, 3), (5, 4)$ の3通り
 よって、 $\frac{3}{36} = \frac{1}{12}$
- (3) $a - 2b = -2$ のとき $(a, b) = (2, 2), (4, 3), (6, 4)$ の3通り
 $a - 2b = -1$ のとき $(a, b) = (1, 1), (3, 2), (5, 3)$ の3通り
 $a - 2b = 0$ のとき $(a, b) = (2, 1), (4, 2), (6, 3)$ の3通り
 $a - 2b = 1$ のとき $(a, b) = (3, 1), (5, 2)$ の2通り
 $a - 2b = 2$ のとき $(a, b) = (4, 1), (6, 2)$ の2通り
 よって、 $\frac{3 \times 3 + 2 \times 2}{36} = \frac{13}{36}$

⑥ (15点 各5点)

- (1) 378
- (2) n 行目の奇数は $2n + 1$ n 列目の偶数は $2n + 4$ だから $(2n + 1)(2n + 4) = 4n^2 + 10n + 4$
- (3) $4n^2 + 10n + 4 = 6804$ より $2n^2 + 5n - 3400 = 0$

$$n = \frac{-5 \pm \sqrt{25 + 27200}}{4} = \frac{-5 \pm \sqrt{27225}}{4} = \frac{-5 \pm 165}{4} = 40, -\frac{85}{2}$$
 $n > 0$ の自然数だから $n = 40$